



4. Lorentz-Transformation

Zum Zeitpunkt $t = t' = 0$ haben zwei Inertialsysteme Σ und Σ' den gleichen Ursprung und parallele x_3 -Achsen. Der Winkel zwischen der x_1 - und der x'_1 -Achse beträgt $\alpha > 0$ bei $t = t' = 0$. Geben Sie die Lorentz-Transformation zwischen diesen beiden Inertialsystemen in der Form $x'_\mu = f(x_1, x_2, x_3, t)$ an, wobei aus der Sicht von Σ die Relativgeschwindigkeit $\vec{v} = v_0 \vec{e}_1$ ist.

5. Relativistische Lösegeldübergabe

Aus der Sicht eines Beobachters im Inertialsystem Σ bewegen sich zwei Raumschiffe auf parallelen Bahnen im Abstand d mit den Geschwindigkeiten $\vec{v}_1 = -c/2 \vec{e}_2$ bzw. $\vec{v}_2 = c/2 \vec{e}_2$. In dem Zeitpunkt, in dem die Raumschiffe vom System Σ aus gesehen den kürzesten Abstand d haben, schickt das Schiff 1 ein Paket mit der Geschwindigkeit $\frac{3c}{4}$ ab (bezogen auf das Inertialsystem Σ).

- In welchem Winkel muss aus der Sicht eines Beobachters an Bord von Schiff 1 das Paket abgeschickt werden, damit es das zweite Schiff erreichen kann? Nehmen Sie an, dass die Koordinatenachsen des Beobachters auf Schiff 1 parallel zu denen des Systems Σ sind.
- Mit welcher Geschwindigkeit bewegt sich das Paket vom Schiff 1 aus gesehen?

6. Zentraler Stoß, relativistisch

Betrachten Sie den zentralen Stoß eines Elektrons der Energie E_{vor}^e mit einem Proton.

- Zeigen Sie allgemein, dass unter Ausschluss äußerer Kräfte für den Stoß zweier Punktmassen Energieerhaltung gilt.
- Welche Energie E_{vor}^e muss das Elektron vor dem Stoß haben, damit das Proton nach dem Stoß die Energie $T_{\text{nach}}^p = 0.5 T_{\text{vor}}^e$ hat? Betrachten Sie den Stoß in dem Inertialsystem, in dem das Proton vor dem Stoß ruht.