

Nachname : ..... Klausurnummer : .....

Vorname : ..... Matrikelnummer : .....

**Hinweise zur Klausur:**

Nachname, Vorname und Matrikelnummer in die vorgesehenen Felder eintragen. Bitte verwenden Sie **keinen** Bleistift, grünen oder roten Stift (Korrekturfarben!). **Jedes Blatt** mit Namen und Matrikelnummer versehen, Blätter **durchlaufend nummerieren** und **nur einseitig** beschreiben! Jede Aufgabe auf einem **neuen Blatt** beginnen. Die **Klausurnummer** bitte **merken** oder **notieren**!  
**Zulässige Hilfsmittel:** Formelblatt des Instituts. Taschenrechner, nicht programmierbar.

Aufgabe	1	2	3	4	5	HÜ	Σ (60)
Punkte							

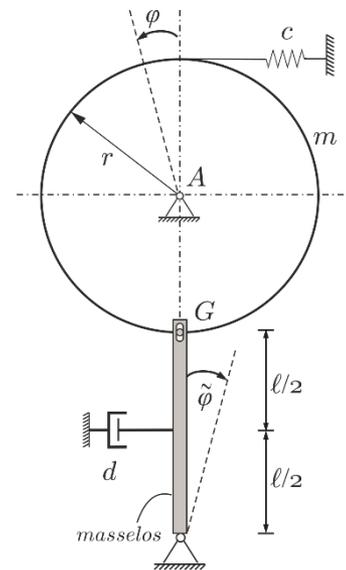
5. Die kinetische Energie eines Körpers verringert sich, wenn
  - Reibung auftritt
  - sich seine potentielle Energie erhöht
  - äußere Kräfte bzw. Momente in Bewegungsrichtung wirken
  - ein plastischer Stoß auftritt
6. Wodurch zeichnet sich der Momentanpol einer Bewegung aus?
7. Bezüglich freier Schwingungen gilt:
  - Die Schwingfrequenz ist proportional zur Masse
  - Die Schwingfrequenz sinkt mit zunehmender Dämpfung
  - Eine Schwingung tritt unabhängig von der Dämpfungskonstanten auf
  - Schwingfähige (mechanische) Systeme enthalten mindestens eine Feder
8. Bezüglich der Rotation starrer Körper gilt:
  - Das Trägheitsmoment ist minimal bei Rotation um eine Schwerachse
  - Das Trägheitsmoment ist proportional zur Dichte des Körpers
  - Eine Rotation ist nur um Achsen möglich, die parallel zu Schwerachsen sind
  - Die Änderung der Winkelgeschwindigkeit ist maximal, wenn Kräfte parallel zur Rotationsachse wirken

**1. Aufgabe (15 Punkte)**

1. Nennen Sie zwei Arten potentieller Energie und geben sie die zugehörigen Formeln zu ihrer Berechnung an.
2. Wenn nur konservative Kräfte wirken bedeutet dies, dass
  - sich die potentielle Energie nicht ändert
  - Gravitationskräfte größer als Trägheitskräfte sind
  - keine Reibung auftreten kann
  - die verrichtete Arbeit pfadunabhängig ist
3. Beim Stoß von zwei Massen gilt.
  - Die kinetische Energie bleibt erhalten
  - Der Gesamtimpuls bleibt erhalten, außer der Stoß ist vollplastisch
  - Stößt eine Masse (zentral, elastisch) auf eine gleichschwere, ruhende Masse befindet sie sich nachher selbst in Ruhe
  - Stößt eine Masse (zentral, elastisch) auf eine ruhende Masse ist der Energieübertrag maximal, wenn beide Massen gleich schwer sind
4. Ein System aus N Massenpunkten hat in 3D \_\_\_\_\_ Freiheitsgrade.

**2. Aufgabe (10 Punkte)**

Das dargestellte System besteht aus einer homogenen Kreisscheibe (Radius  $r$ , Masse  $m$ ), einer masselosen Stange (Länge  $\ell$ ), einem Dämpfer (Dämpfungskonstante  $d$ ) sowie einer Feder (Federkonstante  $c$ ), die in der dargestellten Lage ungespannt ist. Stange und Kreisscheibe sind im Gelenk  $G$  miteinander verbunden.

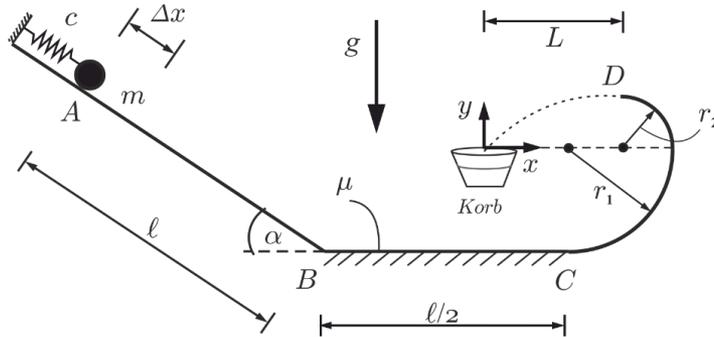


- a) Man stelle die Bewegungsgleichung des Systems (als Funktion von  $\varphi$ ) unter Annahme kleiner Auslenkung an.
- b) Geben Sie die Abklingkonstante  $\delta$  und die Kreisfrequenz  $\omega$  der ungedämpften Schwingung an.

**Gegeben:**  $m, r, c, \ell, d$ .

**3. Aufgabe (18 Punkte)**

Ein Massepunkt  $m$  wird mit Hilfe einer um  $\Delta x$  vorgespannten Feder beschleunigt. Er soll die dargestellte Bahn durchrollen. Zwischen den Punkten  $B$  und  $C$  liegt Reibung mit Reibkoeffizient  $\mu$  vor.



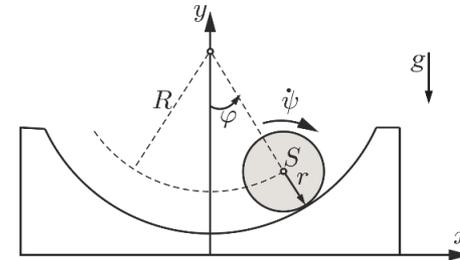
- a) Bestimmen Sie die Geschwindigkeiten  $v_C$  und  $v_D$  in Abhängigkeit von  $\Delta x$ .
- b) Wie groß muss die Vorspannung  $\Delta x$  sein, damit der Korb getroffen wird?

**Gegeben:**  $c, m, \Delta x, l, \alpha, \mu, r_1 = r, r_2 = r/2, g$ .

**Hinweis:** Verwenden Sie zur Aufstellung der Bewegungsgleichungen in b) das eingezeichnete Koordinatensystem.

**4. Aufgabe (10 Punkte)**

Eine Kreisscheibe (Masse  $m$ , Radius  $r$ ) rollt unter Einfluß der Schwerkraft in einer kreiszylindrischen Schale (Radius  $R + r$ ). Es tritt kein Schlupf auf.



- a) Stellen Sie die Bewegungsgleichung der Scheibe in der Koordinaten  $\varphi$  auf.
- b) Ermitteln Sie die Geschwindigkeit  $\dot{\varphi}$  als Funktion von  $\varphi$  und  $\varphi_0$ . Zum Zeitpunkt  $t = 0$  sei  $\varphi = \varphi_0$  und  $\dot{\varphi} = 0$

**Gegeben:**  $R, r, m, g, \varphi_0$ .

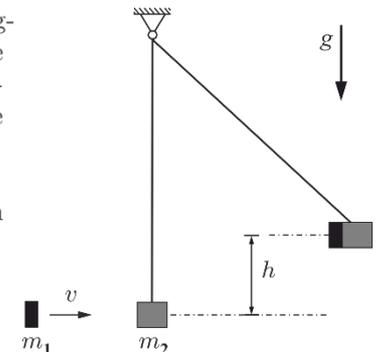
**Hinweis:** Kinematische Rollbedingung:  $R\dot{\varphi} = r\dot{\psi}$ .

**5. Aufgabe (5 Punkte)**

Eine Punktmasse  $m_1$  mit der Geschwindigkeit  $v$  trifft auf eine weitere Punktmasse  $m_2$ , die an einem masselosen Pendel befestigt ist. Nach dem Stoß sollen beide Massen aneinander haften.

Wie groß muss  $v$  sein damit die Massen nach dem Stoß die Höhe  $h$  erreichen?

**Gegeben:**  $g, m_1, m_2, h, v$ .



Nachname : .....

Klausurnummer : .....

Vorname : .....

Matrikelnummer : .....

**Hinweise zur Klausur:**

Nachname, Vorname und Matrikelnummer in die vorgesehenen Felder eintragen. Bitte verwenden Sie **keinen** Bleistift, grünen oder roten Stift (Korrekturfarben!). **Jedes Blatt** mit Namen und Matrikelnummer versehen, Blätter **durchlaufend nummerieren** und **nur einseitig** beschreiben! Jede Aufgabe auf einem **neuen Blatt** beginnen. Die **Klausurnummer** bitte **merken** oder **notieren**!

**Zulässige Hilfsmittel:** Formelblatt des Instituts. Taschenrechner, nicht programmierbar.

Aufgabe	1	2	3	4	5	HÜ	Σ (60)
Punkte							

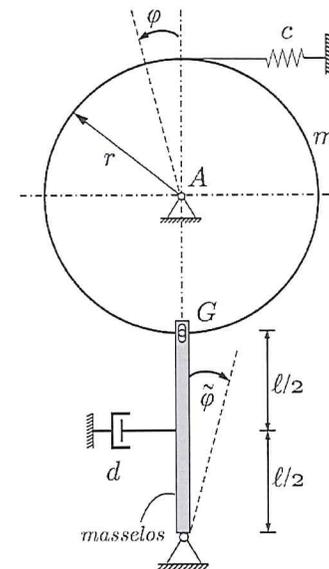
**1. Aufgabe (15 Punkte)**

- Nennen Sie zwei Arten potentieller Energie und geben sie die zugehörigen Formeln zu ihrer Berechnung an.
- Wenn nur konservative Kräfte wirken bedeutet dies, dass
  - sich die potentielle Energie nicht ändert
  - Gravitationskräfte größer als Trägheitskräfte sind
  - keine Reibung auftreten kann
  - die verrichtete Arbeit pfadunabhängig ist
- Beim Stoß von zwei Massen gilt.
  - Die kinetische Energie bleibt erhalten
  - Der Gesamtimpuls bleibt erhalten, außer der Stoß ist vollplastisch
  - Stößt eine Masse (zentral, elastisch) auf eine gleichschwere, ruhende Masse befindet sie sich nachher selbst in Ruhe
  - Stößt eine Masse (zentral, elastisch) auf eine ruhende Masse ist der Energieübertrag maximal, wenn beide Massen gleich schwer sind
- Ein System aus N Massenpunkten hat in 3D 3N Freiheitsgrade.

- Die kinetische Energie eines Körpers verringert sich, wenn
  - Reibung auftritt
  - sich seine potentielle Energie erhöht
  - äußere Kräfte bzw. Momente in Bewegungsrichtung wirken
  - ein plastischer Stoß auftritt
- Wodurch zeichnet sich der Momentanpol einer Bewegung aus?
- Bezüglich freier Schwingungen gilt:
  - Die Schwingfrequenz ist proportional zur Masse
  - Die Schwingfrequenz sinkt mit zunehmender Dämpfung
  - Eine Schwingung tritt unabhängig von der Dämpfungskonstanten auf
  - Schwingfähige (mechanische) Systeme enthalten mindestens eine Feder
- Bezüglich der Rotation starrer Körper gilt:
  - Das Trägheitsmoment ist minimal bei Rotation um eine Schwerachse
  - Das Trägheitsmoment ist proportional zur Dichte des Körpers
  - Eine Rotation ist nur um Achsen möglich, die parallel zu Schwerachsen sind
  - Die Änderung der Winkelgeschwindigkeit ist maximal, wenn Kräfte parallel zur Rotationsachse wirken

**2. Aufgabe (10 Punkte)**

Das dargestellte System besteht aus einer homogenen Kreisscheibe (Radius  $r$ , Masse  $m$ ), einer masselosen Stange (Länge  $\ell$ ), einem Dämpfer (Dämpfungskonstante  $d$ ) sowie einer Feder (Federkonstante  $c$ ), die in der dargestellten Lage ungespannt ist. Stange und Kreisscheibe sind im Gelenk  $G$  miteinander verbunden.



- Man stelle die Bewegungsgleichung des Systems (als Funktion von  $\varphi$ ) unter Annahme kleiner Auslenkungen auf.
- Geben Sie die Abklingkonstante  $\delta$  und die Kreisfrequenz  $\omega$  der ungedämpften Schwingung an.

Gegeben:  $m, r, c, \ell, d$ .

1) a. Lageenergie:  $E = m \cdot g \cdot h$

Federenergie:  $E = \frac{1}{2} c \Delta x^2$

b. Zum aktuellen Zeitpunkt keine Drehung (keine Translation) des Körpers um diesen Punkt

3) a.  $v_c = \sqrt{gl(2\sin\alpha - \mu) + \frac{c}{m} \Delta x^2}$

$$v_b = \sqrt{gl(2\sin\alpha - \mu) + \frac{c}{m} \Delta x^2 - 3gr}$$

b.  $\Delta x = \sqrt{\frac{m}{c} g \left( \frac{L^2}{r} + 3r - l(2\sin\alpha - \mu) \right)}$

2) a.  $\ddot{\varphi} + \frac{1}{2} \frac{d}{m} \dot{\varphi} + 2 \frac{c}{m} \varphi = 0$

b.  $\delta = \frac{1}{4} \frac{d}{m} \quad \omega = \sqrt{2 \frac{c}{m}}$

4) a.  $\ddot{\varphi} + \frac{2}{3} \frac{g}{R} \sin \varphi = 0$

b.  $\dot{\varphi}^2 = 2\omega^2 (\cos \varphi - \cos \varphi_0)$  mit  $\omega^2 = \frac{2}{3} \frac{g}{R}$

5)  $v = \sqrt{2gh} \frac{m_1 + m_2}{m_1}$