



Modulabschlussklausur
"Mathematische Methoden der Chemie"
Modul Bt-BP 05 - Bachelor Biotechnologie

Montag, 18.03.2013, 08:00 – 12:00 Uhr
Ort: Hörsaal PK 15.1
der TU Braunschweig

**Institut für Physikalische
und Theoretische Chemie**

apl. Prof. Dr. Uwe Hohm
Hans-Sommer-Straße 10
D-38106 Braunschweig

phone + 49 (0) 531-391-5350
fax + 49 (0) 531-391-5350
u.hohm@tu-braunschweig.de

Bitte beachten Sie folgende Hinweise:

1. Zu allen Aufgaben ist der Lösungsweg kurz, aber verständlich anzugeben. Fertigen Sie Grafiken groß und deutlich erkennbar an. Unleserliches wird nicht bewertet.
2. Es sind keine Hilfsmittel zur Bearbeitung der Klausur erlaubt.
3. Machen Sie unbedingt die folgenden Angaben (Blockschrift):

(a) Name (b) Vorname

(c) Matrikelnummer (d) Fachsemester.....

(e) Zur Mitteilung/Veröffentlichung der Prüfungsergebnisse dieser Klausur werden zwei Möglichkeiten (**A** und **B**) angeboten. Bitte unterschreiben Sie ausschließlich die von Ihnen gewählte Variante der Notenbekanntgabe.

A ☐ Ich bin mit der Veröffentlichung meines Klausurergebnisses unter Nennung meiner Matrikelnummer, der Note und der Anzahl der erreichten Punkte im Internet einverstanden. Mir ist bewusst, dass diese Art der Internetveröffentlichung meines Prüfungsergebnisses auf <http://www.pci.tu-bs.de/aghohm/lehre/BP0518032013.html> von jedermann gelesen werden kann.

.....
(Unterschrift)

B ☐ Ich möchte mein Klausurergebnis ausschließlich persönlich während der Klausureinsicht bzw. im online Prüfungsportal QIS erfahren.

.....
(Unterschrift)

Vom Prüfer auszufüllen:

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	Σ
Punkte maximal			$6 \times 3 =$	$10 \times 3 =$		$10 \times 3 + 6 \times 3 =$	$9 + 9 =$	
	9	21	18	30	12	48	18	156
Punkte erreicht								

Note: Datum:

Unterschrift:



Modulabschlussklausur „Mathematische Methoden der Chemie“ Modul Bt-BP 05 - Bachelor Biotechnologie, 18. März 2013

- Bestimmen Sie die Funktion $f(x, y) = y^2 \cdot G(x)$ so, dass $f(x, y)$ die Differentialgleichung $f_y + f_{xy} = 0$ mit $f(0, 1) = 1$ erfüllt.
- Lösen Sie die Differentialgleichung $\frac{y'(x) - y''(x)}{2} = \frac{y(x) - y''(x)}{3}$ so, dass die resultierende Funktion $y(x)$ mit der Steigung 1 durch den Koordinatenursprung verläuft. Ist die DGL gewöhnlich oder partiell, linear oder nicht-linear, homogen oder inhomogen? Welche Ordnung besitzt die DGL?
- Bestimmen Sie $x \in \mathcal{R}$ in den folgenden Gleichungen und Ungleichungen:
 - $\cos^2(x) + \sin^2(x) = \pi$
 - $|x + 1| < |x - 1|$
 - $\sum_{k=0}^2 \sum_{j=-1}^1 |k \cdot x| \cdot (j + k) \geq x + 16$
 - $3 \cdot \int_0^x (1 - \alpha)^2 d\alpha > x^3$
 - $(x + 1)! = 24$
 - $\cos(\eta) = \cos(\eta + x)$
- Berechnen Sie die folgenden Ausdrücke. (a) $\int |x| \cdot y dy$ (b) $\int_{-\infty}^1 |\exp(x)| dx$ (c) $\int \sqrt{1 + q} dq$
 (d) $\int \log_3(\eta) d\eta$ (e) $\int_{-2}^2 \tau^3 \cdot \ln(1 + \tau^4) d\tau$ (f) $\frac{d}{dy} \frac{y \cdot \sqrt{x + 1}}{dy}$ (g) $\frac{d}{dy} \frac{|y^3|}{dy}$ (h) $\frac{d^2}{du^2} \frac{\exp(u^2)}{du^2}$
 (i) dZ für $Z = Z(x, y, w) = (x - y + z)^2 - (-x + y - z)^2$ (j) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{1}{(x - a)} \cdot \cos(a - x)$
- Entwickeln Sie die Funktion $f(x) = \exp(x) \cdot \cos(x)$ um $x_0 = 0$ in eine Taylorreihe bis zum kubischen Glied in x . Berechnen Sie hiermit einen Näherungswert für $f(3/10)$.
- Gegeben seien die drei Matrizen $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} i & 1 \\ 1 + i & 1 - i \end{pmatrix}$, $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \end{pmatrix}$
 und $\mathbf{C} = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 0 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$, $i^2 = -1$.
 - Berechnen Sie, sofern definiert: (a1) $\mathbf{C} - \mathbf{C}$, (a2) $\mathbf{A} + \mathbf{B}$, (a3) \mathbf{C}^T , (a4) \mathbf{A}^+ , (a5) $\mathbf{C} \cdot \mathbf{A}$, (a6) $\text{Rang}(\mathbf{C})$, (a7) $\text{Spur}(\mathbf{B})$, (a8) $\mathbf{B} \cdot \mathbf{B}^T$, (a9) \mathbf{A}^{-1} , (a10) $|\mathbf{B}|$.
 - Berechnen Sie sämtliche Eigenwerte und normierten Eigenvektoren der Matrix \mathbf{B} .
- Bestimmen Sie die Unbekannten x, y und z in den folgenden zwei Gleichungssystemen:
 - $$\begin{aligned} 2x + 3y &= 5 + z \\ y + z &= 4 + x \\ 20 - 11y &= 4x - z \end{aligned}$$
 - $$\begin{aligned} z^2 + x &= 3y + 3 \\ 2(z^2 + y) &= x + y \\ \frac{x + y}{z} &= z + \frac{1}{z} \end{aligned}$$